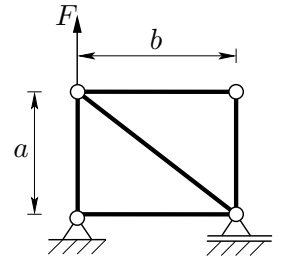


1. Das skizzierte, ideale Stabwerk wird in einem Knoten durch die Einzelkraft  $F$  belastet. Die Längssteifigkeit der linear elastischen Stäbe ist durch  $EA$  gegeben. Wie groß ist die (komplementäre) Formänderungsenergie  $\tilde{U}$  des gesamten Stabwerks?



$\tilde{U} = \frac{F^2 a}{EA}$         $\tilde{U} = \frac{F^2 b}{EA}$         $\tilde{U} = \frac{F^2}{2EA} (2a + \sqrt{a^2 + b^2})$

$\tilde{U} = \frac{F^2 a}{2EA}$         $\tilde{U} = \frac{F^2 b}{2EA}$         $\tilde{U} = \frac{F^2}{4EA} (2a + \sqrt{a^2 + b^2})$

2. Wie lautet die komplementäre Formänderungsenergie  $\tilde{U}$  für einen kreiszylindrischen Stab der Länge  $\ell$  vom Querschnitt  $A$ , der gleichzeitig auf Zug und Torsion beansprucht wird?

$\tilde{U} = \frac{1}{2} \int_0^\ell \frac{N^2(x)}{EI_y} dx + \frac{1}{2} \int_0^\ell \frac{M_T^2(x)}{GA} dx$         $\tilde{U} = \frac{1}{2} \int_0^\ell EAN^2(x) dx + \frac{1}{2} \int_0^\ell GI_P M_T^2(x) dx$

$\tilde{U} = \frac{1}{2} \int_0^\ell \frac{N^2(x)}{EA} dx + \frac{1}{2} \int_0^\ell \frac{M_T^2(x)}{GI_P} dx$         $\tilde{U} = \frac{1}{2} \int_0^\ell \frac{N^2(x)}{EA} dx + \frac{1}{2} \int_0^\ell \frac{M_T^2(x)}{EI_y} dx$

**Anmerkung:**  $E$  und  $G$  bezeichnen den Elastizitäts- und Schubmodul,  $I_y$  und  $I_P$  das axiale und polare Flächenträgheitsmoment